

答えは解答用紙に書くこと。 答えを導き出す過程を書くこと。 すべての問題において必ず単位を書くこと。

問題用紙は持ち帰ってください。 真空誘電率を ϵ_0 とする。

問題 1 真空中で、2つの相等しい導体球に同じ電荷を帯電させてから 20 cm 離れたとき、導体球にはお互い 1.0×10^{-5} N の反発力が作用した。この時、導体球に与えた電荷量の大きさを求めよ。ただし、 $1/(4\epsilon_0) = 9.0 \times 10^9$ m/F であり、有効数字 2 桁で答えよ。(10 点)

問題 2 誘電率 ϵ_r の誘電体中で、 Q [C] の電荷を持つ帯電体から出ている電気力線と電束を答えよ。(4 点 \times 2 = 8 点)

2 - 1 電気力線

2 - 2 電束

問題 3 下図に示すように、半径 a [m] の導体球 (内部球) と、内径 b [m] で外径 c [m] の同心導体球 (外部球) が誘電率 ϵ_r の誘電体の中にある。内部球表面に $+Q$ [C]、外部球の内側表面に $-Q$ [C] の電荷を与えたとき、下記の問いに答えよ。ただし、導体球は完全導体である。(3 点 \times 7 = 21 点)

3 - 1 ガウスの定理を用いて半径 r [m] での電界の強さ E を求めよ。

3-1-1 $r < a$ の場合

3-1-2 $b < r < c$ の場合

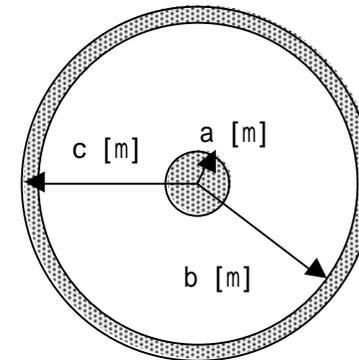
3-1-3 $a < r < b$ の場合

3-1-4 $r < a$ の場合

3 - 2 両導体間の電位差 V を求めよ。

3 - 3 静電容量 C 、与えた電荷量 Q 、電位差 V との関係を示せ。

3 - 4 この同心導体球の静電容量 C を求めよ。



問題 4 電極面積 S [m²] で電極間隔 d [m] の平行平板コンデンサがある。電極間隔に、厚さ d_1 [m] で比誘電率 ϵ_{r1} の誘電体と、厚さ d_2 [m] で比誘電率 ϵ_{r2} の誘電体を挟んである。このコンデンサの静電容量を下記の小問に答えながら求めよ。ただし、 $d = d_1 + d_2$ であり、一方の電極に電荷 $+Q$ [C] を、他方の電極に電荷 $-Q$ [C] を与える。(5 点 \times 5 = 25 点)

4 - 1 比誘電率 ϵ_{r1} の誘電体中の電束密度の大きさ D_1 を求めよ。

4 - 2 比誘電率 ϵ_{r1} の誘電体間 (d_1) の電位差 V_1 を求めよ。

4 - 3 比誘電率 ϵ_{r2} の誘電体中の電束密度の大きさ D_2 を求めよ。

4 - 4 比誘電率 ϵ_2 の誘電体間 (d_1) の電位差 V_2 を求めよ。

4 - 5 このコンデンサの静電容量 C を求めよ。

問題 5 平行平板電極間全体に、正の電荷密度 $[\text{C}/\text{m}^3]$ をもつ比誘電率 ϵ_r の誘電体が挿入されている。電極間に電圧 V_0 [V] を印加したときの、距離 x [m] での電位 V と電界 E を求めよ。ここで、電極間隔は W [m] で、 $x=0$ [m] のとき $V=V_0$ [V]、 $x=W$ [m] のとき $V=0$ [V] である。(3点 \times 9 = 27点)

5 - 1 この問題を解くときの方程式の名称を答えよ。

5 - 2 この方程式を示せ。

5 - 3 この方程式を一回積分せよ。積分定数を C_1 とする。

5 - 4 さらにもう一度積分せよ。積分定数を C_2 とする。

5 - 5 境界条件から積分定数 C_2 を求めよ。

5 - 6 境界条件から積分定数 C_1 を求めよ。

5 - 7 距離 x [m] での電位 V を求めよ。

5 - 8 距離 x [m] での電界 E を求めよ。

5 - 9 $x=W$ [m] の所で電界がちょうどゼロになった。この時の W を求めよ。

問題 6 電子が導体中を一定方向に速度 v [m/s] で移動しているとき、断面積 S [m^2] の導体を流れる電流 I を求めよ。ただし、一個の電子の電荷量は $-q$ [C] であり、この導体中の単位体積当りの電子数 (電子密度) は n [m^{-3}] である。
(3点 \times 3 = 9点)

6 - 1 1秒間に断面積 S [m^2] を通過する電子の数を求めよ。

6 - 2 1秒間に断面積を通過した総電荷量を求めよ。

6 - 3 導体を流れる電流 I を求めよ。