## 6月2日の復習

### クーロンの法則

2 つの電荷 $Q_1$  [C]と $Q_2$  [C]が、距離r [m]離れておかれているときに、電荷に働く電気力F [N]は以下の式で与えられる。

$$F = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\rm s}\varepsilon_{\rm o}} \cdot \frac{Q_1 Q_2}{r^2} \qquad [N]$$

### 電界の定義

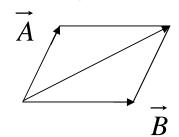
ある電荷内に+1 Cの電荷を置いた時、この電荷に1 Nの電気力が作用するとき、電界の強さを1 V/mと定義する。

定義から、電界 $\overrightarrow{E}$  [V/m]のところに電荷Q [C]を置いた時、この電荷に働く電気力 $\overrightarrow{F}$  [N]は、次式のようになる。

$$\vec{F} = Q\vec{E}$$

1 C の点電荷に働く電気力の大きさが、電界の強さになる。 (つまり、Q=1と置いてみること。)

# 力(ベクトル)の合成



$$\overrightarrow{A} + \overrightarrow{B}$$

平行四辺形を描く。

対角線がベクトルの合成になる。

**電気力線** :電荷以内に正の電荷を置くと、この電荷は力を受けて移動する。この軌跡の事を言う。動く方向に矢印をつける。

**電気力線の定義**:電界 1 V/m のところで、電界(または電気力線)に垂直な 1 m<sup>2</sup> の面積を、垂直 に貫く電気力線は1本である。

$$N = ES$$

# ガウスの定理(前期の講義で最も重要なところ)

多数の電荷 ( $Q_1$ 、 $Q_2$ 、… $Q_n$ ) が誘電体  $\epsilon$  の媒質中に存在するとき、電界中の任意の閉曲面S (たとえば、風船の表面)を考える。閉曲面Sから出て行く電気力線の総数Nは、その閉曲面S内に含まれる電荷の総和の  $1/\epsilon$  に等しい。

$$N = \frac{1}{\varepsilon} \sum_{i=1}^{n} Q_{i}$$

$$\log N = \frac{1}{\varepsilon} (Q_{1} + Q_{2} + \dots + Q_{n})$$

## 電界の強さの計算方法

点電荷の場合

クーロンの法則を用いて、1 Cに働く電気力を求める。 ガウスの定理および電界と電気力線の関係から求める。

電荷が分布している場合

### 1.ガウスの定理に用いる閉曲面の形

電界が一定で、垂直な面を持つ閉曲面を考える。

帯電体の形状

ガウスの定理に用いる閉曲面

利用する面

(電界が一定で、電界が垂直な面)

1.球

球

球表面

2. 円柱(円筒)

円筒

円筒の側面

3 . 平面

筒または直方体

筒または直方体の底面

### 2. ガウスの定理

閉曲面内にQ [C]の電荷があるとき、この閉曲面から出て行く電気力線の本数は

$$\frac{Q}{\varepsilon}$$
 [本]

Շ

である。

### 3. 電界と電気力線との関係

電界の強さがE[V/m]のところで、電界に垂直な面( $S[m^2]$ )を考える。この面を貫く電気力線の本数は

ES [本]

である。

## 4.電界を求める

ガウスの定理から求まる電気力線の数と、電界と建機力線との関係から求まる電気力線の数が等しいことから、電界を求める。

# 電位の定義

+1 Cの電荷を無限遠から求めたい点まで運ぶのに必要な仕事が電位であり、単位はボルト(∀)である。

$$V(r) = \int_{\infty}^{r} 1 \times E(x) \times (-dx)$$

## 仕事の定義

(力)×(力を働かした方向に移動した距離)

1 Cに働く力:

$$1 \times E(x)$$

引っ張って移動した微小距離: $- \mathrm{d} x$ 

仕事:

$$[1 \times E(x)] \times (-\mathrm{d}x)$$

### 電磁気学で必要な積分の公式(暗記するように)

$$\int x dx = \frac{1}{2}x^2 + C \qquad \int dx = x + C$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C \qquad \int \frac{1}{x^2} dx = -\frac{1}{x} + C$$

### 多数の電荷による電位

電荷を帯びた多数の帯電体が存在する場合、点Pでの電位V [V]は、各帯電体による点Pでの電位 V, [V]の足し算である。

$$V = \sum_{i=1} V_i$$
 [V]

### 雷位差

- A. 2点間の電位差は、各点の電位の差で求められる。
- B. 一方に +1 Cの点電荷を置き、もう一方に移動させるために必要な仕事が電位差であること を用いて、2点間の電位差を計算する。

注意事項:電位はスカラー量(大きさだけ) 数値の足し算・引き算ができる。 電界はベクトル量(大きさと方向) ベクトルの合成が必要。

### 仕事、電位、電位差

電界の強さE(x) は距離dx 移動しても変化しないとする(物理関係で用いる重要な仮定)。 このとき、+1 Cの点電荷が自然にdx だけ移動したときの仕事は

$$1 \times E(x) \times dx$$

である。

点Aから点Bまで、**電界に逆らって**+1 Cの点電荷を<u>移動させる(-dx)とき</u>に必要な仕事が電位差であるから、

$$V_{\rm BA} = \int_A^B 1 \times E(x) \times (-\mathrm{d}x)$$

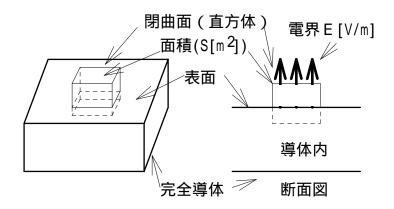
となる。

# 完全導体

- (1)完全導体の内部は、電界が0 V/mである。
- (2)完全導体の内部には、静電荷は存在しない。 (原子核の正の電荷の和と負の電子の数が等しい。)
- (3) 完全導体に帯電体を近づけると、完全導体の表面に電荷が現れる。 (静電誘導)

### 6月2日の宿題

宿題 1 完全導体の表面に [C/m²] の電荷が一様に分布しているときの導体表面の電界 E [V/m]を求める。ガウスの定理を用いるため、図中のように閉曲面(直方体)を考える。次の問いに答えよ。



1 - 1 完全導体内の電界を求めよ。

1-2 直方体内の電荷を、 と直方体上底の面積 S を用いて表せ。

1 - 3 直方体から出ている電気力線の数を、下記の指示通りに求めよ。 (1-3-1) E と S を用いて表せ。

(1-3-2)誘電率 、 およびSを用いて表せ。

1 - 4 導体表面の電界 E [V/m]を求めよ。